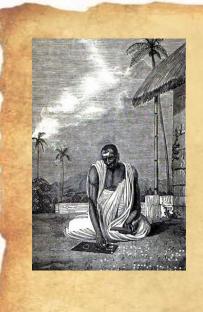
Chapitre 2 – Les nombres relatifs



C'est plus souvent au mathématicien indien **Brahmagupta** (598; 660) que l'on attribue la découverte des « nombres » négatifs. Sans justification, il donne des règles de calcul permettant d'expliquer des débits dans les comptes pour les besoins du commerce (vente, dettes, ...) : « Une dette retranchée du néant devient un bien, un bien retranché du néant devient une dette. » L'introduction des quantités négatives en occident est cependant difficile. Au XVII ème siècle encore, **Lazare Carnot** (ingénieur et mathématicien français) niait l'existence des nombres négatifs : « Pour obtenir un nombre négatif, il faudrait ôter quelque chose à rien. »

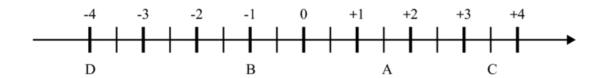
Compétences à valider :

- Connaitre l'opposé d'un nombre.
- Additionner / soustraire deux nombres relatifs en écriture décimale.
- Multiplier /diviser des nombres relatifs
- Effectuer une succession d'opérations ; connaître les priorités opératoires.

I. Comparaison de nombres relatifs

	es nombres relatifs		
	tous les nombres posit	tifs et tous les nombres négatifs s'app	elle l' ensemble des
Un nombre sai	de ce nombre.		
طمم	qui ont la même dist	tance à zéro mais qui sont de signe	s contraires sont dits
Exemples:			
	Nombres négatifs	sens croissant O	Nombres positifs
1		0	

Exemple : Donner la distance à zéro des nombres relatifs suivants, puis ranger les abscisses des points par ordre croissant :



II. Addition et soustraction de deux nombres relatifs

Règle de calcul pour l'addition :

- Pour additionner deux nombres relatifs de même signe, on garde le signe commun et on additionne leurs distances à zéro.
- Pour additionner deux nombres relatifs de signe contraire :
 - on conserve le signe de celui qui a la plus grande distance à zéro ;
 - on **soustrait** la plus petite distance à zéro de la plus grande.

Exemples:

Nombres de même signe

$$A = +2 + (+4) =$$

$$B = -2 + (-3) =$$

Nombres de signes différents

$$C = -5 + (+7) =$$

$$D = +6 + (-9) =$$

Remarque : La somme de deux nombres opposés vaut _____.

Exemple:

Règle de calcul de la soustraction :

Pour soustraire un nombre relatif, on ajoute son opposé.

Par conséquent, soustraire une valeur négative c'est ajouter son opposé!

$$2 - (-3) = 2 + 3 = 5$$

$$E = -2 - (-3) =$$

$$G = (-15) - (-20) =$$

$$F = +4 + (-6) =$$

$$H = +5 - (+6) =$$

Méthode de calcul des sommes algébriques :

- On commence par simplifier l'écriture en se débarrassant des parenthèses.
- On regroupe les nombres positifs puis les nombres négatifs
- On ajoute les nombres positifs entre eux et les nombres négatifs entre eux.
- On calcule la dernière soustraction.

Exemples:

$$I = +13 + (-5) - (-8) =$$

$$J = -15 - (+14) + (-15) - (-20) =$$

$$K = +4 + (-11) - (+3) =$$

III. Multiplication et division de nombres relatifs

A) La multiplication

Règle des signes :

- La multiplication de deux nombres relatifs de **même signe** donne un résultat ______.
- La multiplication de deux nombres relatifs de **signe contraire** donne un résultat ____

Signe du 1 ^{er} nombre	+	+	-	-
Signe du 2 ^{ème} nombre	+	ı	+	ı
Signe du produit	+	-	-	+

Règle de calcul d'un produit de deux nombres relatifs :

Pour calculer le produit de deux nombres relatifs :

- 1) on détermine son signe avec la règle des signes ;
- 2) on multiplie les distances à zéro des deux nombres.

$$A = -4 \times (-2,5) =$$

$$B = 0.2 \times (-14) =$$

Règle de calcul pour plusieurs nombres relatifs :

- On compte le nombre de facteurs négatifs :
 - Si le nombre de facteurs négatifs est pair, alors le produit sera
 - Si le nombre de facteurs négatifs est impair, alors le produit sera
- On procède par étapes successives en prenant à chaque fois les nombres deux à deux.

Exemples:

$$C = 4 \times (-3) \times 3$$

$$D = -2 \times (-5) \times (-3)$$
 $E = -7 \times 4 \times (-2)$

$$E = -7 \times 4 \times (-2)$$

Cas particuliers:

- Un produit de deux facteurs est **nul**, si et seulement si, l'un des facteurs au moins est **nul**.
- Multiplier un nombre par -1 revient à prendre l'opposé.

Exemples:

- $6 \times (-3) \times 0 \times 10 \times (12) =$
- $(-1) \times (-10) =$

B) La division

Règle de signes :

- La division de deux nombres relatifs de **même signe** donne un résultat **positif.**
- La division de deux nombres relatifs de signe contraire donne un résultat négatif.

Règle de calcul d'un quotient de deux nombres relatifs :

Pour calculer le quotient de deux nombres relatifs :

- 1) on détermine son signe avec la règle des signes ;
- 2) on divise les distances à zéro des deux nombres.

$$F = \frac{-30}{-4} =$$

$$H = \frac{4}{-12} =$$

$$G = 65 \div -5 =$$

$$I = 76 \div 4 =$$

Rappel sur l'ordre des opérations :

Dans une expression numérique avec plusieurs opérations, on effectue d'abord celles entre parenthèses, puis les multiplications et divisions, enfin les additions et les soustractions.

$$J = (-3) - 2 \times (-4)$$

$$K = (-6) \div 2 + 10$$

$$L = (-3 + (-8) \div 4) \times 7$$

$$M = 4 \times (-3) \div 6 + (-5)$$

$$P = \frac{5 + (-4)}{3}$$

$$Q = \frac{-150}{2 - 27}$$